

# חדו"א לכלכלהים

## פרק 2 - חישוב נזורת של פונקציה

### תוכן העניינים

(ללא ספר) .....	1.	כלי הגזירה .....
1 .....	2.	תרגול בכלי הגזירה .....
4 .....	3.	תרגילים נוספים לפי סוגים .....
7 .....	4.	גזירה סטומה .....
9 .....	5.	כלל השרשרת .....
12 .....	6.	גזירה לוגריתמית .....
13 .....	7.	nezorat הפונקציה ההיפוכה .....

## תרגול בכלי הגירה

### שאלות

גזרו פעמיים את הפונקציות הבאות (בשאלות 24-22 מצאו רק את הנגזרת הראשונה):

$$f(x) = \frac{2x^2}{(x+1)^2} \quad (3) \quad f(x) = \frac{x^2 - 5x + 6}{2x + 10} \quad (2) \quad f(x) = \frac{x^2 + 2x + 4}{2x} \quad (1)$$

$$f(x) = \left( \frac{x+1}{x-1} \right)^3 \quad (6) \quad f(x) = \frac{x^3}{(x+1)^2} \quad (5) \quad f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 4} \quad (4)$$

$$f(x) = x \cdot \ln x \quad (9) \quad f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt{x}} \quad (8) \quad f(x) = \frac{\ln x}{x} \quad (7)$$

$$f(x) = \ln^2 x + 2 \ln x - 3 \quad (12) \quad f(x) = \ln \sqrt{\frac{1}{2-x}} \quad (11) \quad f(x) = x^2 \cdot \ln x \quad (10)$$

$$f(x) = (x+2) \cdot e^{\frac{1}{x}} \quad (15) \quad f(x) = e^{\frac{1}{x}} \quad (14) \quad f(x) = \ln^2 x + \frac{1}{\ln^2 x} \quad (13)$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 1} \quad (18) \quad f(x) = \sqrt[3]{x^2} \quad (17) \quad f(x) = x \cdot e^{-2x^2} \quad (16)$$

$$y = x^{\sqrt{x}} \quad (21) \quad y = \sqrt[x]{x} \quad (20) \quad f(x) = \sqrt[3]{x^2}(1-x) \quad (19)$$

$$y = (x+1)^{(x+1)} \quad (24) \quad y = (x^2 + 1)^x \quad (23) \quad y = \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x} \right)^{\sqrt{x}} \quad (22)$$

### תשובות סופיות

$$f'(x) = \frac{2x^2 - 8}{4x^2}, \quad f''(x) = \frac{4}{x^3} \quad (1)$$

$$f'(x) = \frac{2x^2 + 20x - 62}{(2x+10)^2}, \quad f''(x) = \frac{448}{(2x+10)^3} \quad (2)$$

$$f'(x) = \frac{4x}{(x+1)^3}, \quad f''(x) = \frac{4(1-2x)}{(x+1)^4} \quad (3)$$

$$f'(x) = \frac{x^2(x^2-12)}{(x^2-4)^2}, \quad f''(x) = \frac{4x \cdot (2x^2+24)}{(x^2-4)^3} \quad (4)$$

$$f'(x) = \frac{x^2(x+3)}{(x+1)^3}, \quad f''(x) = \frac{6x}{(x+1)^4} \quad (5)$$

$$f'(x) = -\frac{6(x+1)^2}{(x-1)^4}, \quad f''(x) = 12 \frac{(x+1)(x+3)}{(x-1)^5} \quad (6)$$

$$f'(x) = \frac{1-\ln x}{x^2}, \quad f''(x) = \frac{2\ln x - 3}{x^3} \quad (7)$$

$$f'(x) = \frac{2-\ln x}{2x^{1.5}}, \quad f''(x) = \frac{3\ln x - 8}{4x^{2.5}} \quad (8)$$

$$f'(x) = \ln x + 1, \quad f''(x) = \frac{1}{x} \quad (9)$$

$$f'(x) = x(2\ln x + 1), \quad f''(x) = 2\ln x + 3 \quad (10)$$

$$f'(x) = \frac{1}{2(2-x)}, \quad f''(x) = \frac{1}{(4-2x)^2} \quad (11)$$

$$f'(x) = \frac{2}{x}(\ln x + 1), \quad f''(x) = \frac{-2\ln x}{x^2} \quad (12)$$

$$f'(x) = \frac{2}{x} \left[ \frac{(\ln x)^4 - 1}{(\ln x)^3} \right], \quad f''(x) = -\frac{2}{x^2} \left\{ \frac{(\ln x)^5 - (\ln x)^4 - (\ln x) - 3}{(\ln x)^4} \right\} \quad (13)$$

$$f'(x) = e^x \cdot \left( -\frac{1}{x^2} \right), \quad f''(x) = e^x \left( \frac{1+2x}{x^4} \right) \quad (14)$$

$$f'(x) = e^x \left( \frac{x^2 - x - 2}{x^2} \right), \quad f''(x) = e^x \left( \frac{5x + 2}{x^4} \right) \quad (15)$$

$$f'(x) = e^{-2x^2} (1 - 4x^2), \quad f''(x) = -4xe^{-2x^2} (3 - 4x^2) \quad (16)$$

$$f'(x) = \frac{2}{3\sqrt[3]{x}}, \quad f''(x) = -\frac{2}{9\sqrt[3]{x^4}} \quad (17)$$

$$f'(x) = \frac{2x}{3\sqrt[3]{(x^2-1)^2}}, \quad f''(x) = \frac{2}{3} \cdot \frac{-\frac{1}{3}x^2 - 1}{(x^2-1)^{5/3}} \quad (18)$$

$$f'(x) = \frac{2-5x}{3\sqrt[3]{x}}, \quad f''(x) = -\frac{2}{9} \cdot \frac{1+5x}{\sqrt[3]{x^4}} \quad (19)$$

$$y' = x^{\frac{1}{x}-2} (1 - \ln x) \quad (20)$$

$$y' = \frac{1}{\sqrt{x}} \cdot x^{\sqrt{x}} \left( \frac{\ln x}{2} + 1 \right) \quad (21)$$

$$y' = \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x} \right)^{\sqrt{x}} \left( \frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot \ln \left( \sqrt{x} + \frac{1}{x} \right) + \frac{1}{\sqrt{x+\frac{1}{x}}} \left( \frac{1}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{x^2} \right) \cdot \sqrt{x} \right) \quad (22)$$

$$y' = (x^2 + 1)^x \left( 1 \cdot \ln(x^2 + 1) + \frac{1}{x^2 + 1} \cdot 2x \cdot x \right) \quad (23)$$

$$y' = (x+1)^{(x+1)} \left[ \ln(x+1) + 1 \right] \quad (24)$$

## תרגילים נוספים לפי סוגים

### שאלות

#### הנגזרת של פונקציית חזקה

(1) גזוו את הפונקציות הבאות:

$$f(x) = x^2 \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = x^7 \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = x^3 \quad \text{א.}$$

$$f(x) = x^{-1} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = x^{-3} \quad \text{ה.}$$

$$f(x) = x^1 \quad \text{כ.}$$

$$f(x) = x^{\frac{3}{4}} \quad \text{ט.}$$

$$f(x) = x^{\frac{1}{3}} \quad \text{ח.}$$

$$f(x) = x^{\frac{1}{2}} \quad \text{ז.}$$

#### הנגזרת של קבוע כפול פונקציה

(2) גזוו את הפונקציות הבאות:

$$f(x) = \frac{1}{2}x^4 \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = 3x^7 \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = 2x^3 \quad \text{א.}$$

$$f(x) = 3x^{-2} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = 8x^1 \quad \text{ה.}$$

$$f(x) = \frac{x^6}{7} \quad \text{כ.}$$

$$f(x) = \frac{x^{\frac{2}{3}}}{3} \quad \text{ט.}$$

$$f(x) = 6x^{\frac{1}{2}} \quad \text{ח.}$$

$$f(x) = \frac{4}{x} \quad \text{ז.}$$

#### הנגזרת של קבוע

(3) גזוו את הפונקציות הבאות:

$$f(x) = \frac{7}{8} \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = 12 \quad \text{א.}$$

#### הנגזרת של סכום והפרש

(4) גזוו את הפונקציות הבאות:

$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{x^3}{6} + \frac{3x}{4} - \frac{2}{5} \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 3x + 5 \quad \text{א.}$$

### הנגזרת של פונקציה חזקה מורכבת

5) גזוו את הפונקציות הבאות :

$$f(x) = 3(x - x^2)^2 \quad \text{א.}$$

$$f(x) = (x^3 + 6)^5 \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = (5x - 2)^3 \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = \frac{2(x+1)^4}{3} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = \frac{(5-x)^3}{4} \quad \text{ז.}$$

### הנגזרת של אחד חלקי איקס

6) גזוו את הפונקציות הבאות :

$$f(x) = \frac{3}{x^3} \quad \text{ט.}$$

$$f(x) = \frac{1}{x^2} \quad \text{א.}$$

$$f(x) = \frac{2}{x} \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = \frac{3}{x} \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = \frac{6}{x+5} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = \frac{2}{3-x} \quad \text{ו.}$$

$$f(x) = \frac{1}{x^2 - 3x} \quad \text{ז.}$$

### הנגזרת של מכפלה

7) גזוו את הפונקציות הבאות :

$$f(x) = (5x+1)(x-3) \quad \text{א.}$$

$$f(x) = (5x+1)^3(x-3) \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = x^3(6-x)^4 \quad \text{ג.}$$

### הנגזרת של מנת

8) גזוו את הפונקציות הבאות :

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3} \quad \text{א.}$$

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{5x - 12} \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = \frac{3x - 1}{1 + 2x} \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = \frac{3}{x^3} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = \frac{1}{x} \quad \text{ה.}$$

$$f(x) = \frac{x^2 + 8}{x - 1} \quad \text{ז.}$$

### הנגזרת של שורש

9) גזוו את הפונקציות הבאות :

$$f(x) = \sqrt{x^3 - 1} \quad \text{א.}$$

$$f(x) = 4\sqrt{x+1} \quad \text{ב.}$$

$$f(x) = \sqrt{x} \quad \text{ג.}$$

$$f(x) = \frac{x+3}{\sqrt{x}} \quad \text{ד.}$$

$$f(x) = x^2 \sqrt{x+3} \quad \text{ה.}$$

$$f(x) = (3x+1)\sqrt{x} \quad \text{ז.}$$

## תשובות סופיות

(1)

$$f'(x) = 2x \quad .\text{א}$$

$$f'(x) = 7x^6 \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = 3x^2 \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = -\frac{1}{x^2} \quad .\text{ד}$$

$$f'(x) = 3x^{-4} \quad .\text{ה}$$

$$f'(x) = 1 \quad .\text{ט}$$

$$f'(x) = \frac{3}{4}x^{-\frac{1}{4}} \quad .\text{ו}$$

$$f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad .\text{ח}$$

(2)

$$f'(x) = 2x^3 \quad .\text{א}$$

$$f'(x) = 21x^6 \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = 6x^2 \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = -\frac{6}{x^3} \quad .\text{ד}$$

$$f'(x) = 8 \quad .\text{ה}$$

$$f'(x) = \frac{6x^5}{7} \quad .\text{ט}$$

$$f'(x) = \frac{2}{9\sqrt[3]{x}} \quad .\text{ו}$$

$$f'(x) = \frac{3}{\sqrt{x}} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = -\frac{4}{x^2} \quad .\text{ח}$$

0. ב

0. ג (3)

$$f'(x) = x^3 - \frac{x^2}{2} + \frac{3}{4} \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = 3x^2 + 4x - 3 \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = 15x^2(x^3 + 6)^4 \quad .\text{ד}$$

$$f'(x) = 15(5x - x)^2 \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = \frac{8(x+1)^3}{3} \quad .\text{ו}$$

$$f'(x) = -\frac{3}{4}(5-x)^2 \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = 6(x-x^2)(1-2x) \quad .\text{ח}$$

$$f'(x) = -\frac{9}{x^4} \quad .\text{ט}$$

$$f'(x) = -\frac{2}{x^3} \quad .\text{א}$$

$$f'(x) = \frac{2}{x^2} \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = -\frac{3}{x^2} \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = -\frac{6}{(x+3)^2} \quad .\text{ד}$$

$$f'(x) = \frac{2}{(3-x)^2} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = -\frac{2x-3}{(x^2-3x)^2} \quad .\text{ח}$$

$$f'(x) = (5x+1)^2(20x-44) \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = 10x-14 \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = x^2(6-x)^3(18-7x) \quad .\text{ה}$$

$$f'(x) = \frac{8x}{(x^2+3)^2} \quad .\text{ו}$$

$$f'(x) = \frac{5x^2-24x-5}{(5x-12)^2} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = \frac{5}{(1+2x)^2} \quad .\text{ח}$$

$$f'(x) = -\frac{9}{x^4} \quad .\text{ט}$$

$$f'(x) = -\frac{1}{x^2} \quad .\text{ו}$$

$$f'(x) = \frac{(x-4)(x+2)}{(x-1)^2} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = \frac{3x^2}{2\sqrt{x^3-1}} \quad .\text{א}$$

$$f'(x) = \frac{2}{\sqrt{x+1}} \quad .\text{ב}$$

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad .\text{ג}$$

$$f'(x) = \frac{x-3}{2x\sqrt{x}} \quad .\text{ד}$$

$$f'(x) = \frac{x(5x+12)}{2\sqrt{x+3}} \quad .\text{ז}$$

$$f'(x) = \frac{9x+1}{2\sqrt{x}} \quad .\text{ח}$$

## גירה סטומה

### שאלות

**1)** גזו את הפונקציה הסטומה  $x^2 + y^5 - 1 = 1$ .

**2)** גזו את הפונקציה הסטומה  $4 \ln x + 10 \ln y = y^2 - 4$ .

**3)** גזו את הפונקציה הסטומה  $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{xy}$ .

**4)** מצאו את משוואת המשיק למעגל  $x^2 + y^2 = 25$ , בנקודה  $(3,4)$ .

**5)** מצאו את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסטומה  $xy^2 + y - x = xy$ . דרך הנקודה  $(1,1)$ .

**6)** מצאו את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסטומה  $x^2 y + e^{y^2 - 4x} = \ln x + 1$ .

דרך הנקודה  $(1,2)$  – הנמצאת על גרף הפונקציה.

**7)** מצאו את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסטומה  $\sqrt{xy + y} + x^2 y = xy^2$ . דרך הנקודה  $(1,2)$  – הנמצאת על גרף הפונקציה.

**8)** מצאו את משוואת הישר, המשיק לגרף הפונקציה הסטומה  $e^{xy^2} + y = y^2 - 1$ . דרך הנקודה  $(0,2)$  – הנמצאת על גרף הפונקציה.

**9)** נתונה הפונקציה הסטומה  $x + y \cdot e^y = xy^2 + x^2$ .  
א. מצאו את הנקודות על גרף הפונקציה, בוחן  $y = 0$ .

ב. מצאו את משוואת הישרים המשיקים של גרף הפונקציה, בנקודות שנמצאו בסעיף א.

**10)** גזו את הפונקציה הסטומה:  $x^y - xy = 10$ .

**11)** גזו את הפונקציה הסטומה:  $x^y - y^x = 1$ .

**12)** נתונה פונקציה סטומה  $xy - y^3 + x^2 - x = 0$ .  
מצאו את ערך  $y^n$  בנקודה בה  $y = 1$ .

**13)** נתון כי המשוואה  $h(y) - x + 1 = 2x^3 + 4e^y + 2y$  מגדירה את  $y = y(x)$  כפונקציה סתומה של  $x$ .  
 נתון כי  $h(y)$  גזירה ברציפות ויורדת.  
 הוכיחו כי  $y(x)$  יורדת חזק.

### תשובות סופיות

$$5y^4 - 1 \neq 0, \quad y' = \frac{-2x}{5y^4 - 1} \quad (1)$$

$$\frac{10}{y} - 2y \neq 0, \quad y' = \frac{-\frac{4}{x}}{\frac{10}{y} - 2y} \quad (2)$$

$$\sqrt{x} \neq 0, \quad \sqrt{x} \neq 1, \quad y' = \frac{\sqrt{y}-1}{2\sqrt{x}} \cdot \frac{2\sqrt{y}}{1-\sqrt{x}} \quad (3)$$

$$y = -\frac{3}{4}x + \frac{25}{4} \quad (4)$$

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \quad (5)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{4}{5} \quad (6)$$

$$y = \frac{1}{5}x + 1\frac{4}{5} \quad (7)$$

$$y = \frac{4}{3}x + 2 \quad (8)$$

$$(0,0), \quad (1,0) \quad (9)$$

ב. בראשית הצירים :  $y = x - 1$ ,  $y = -x$ , המשוואה השנייה :

$$x^y \cdot \ln x - x \neq 0, \quad y' = \frac{y - x^y \cdot \frac{y}{x}}{x^y \cdot \ln x - x} \quad (10)$$

$$x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y} \neq 0, \quad y' = \frac{-x^y \cdot \frac{y}{x} + y^x \cdot \ln y}{x^y \ln x - y^x \cdot \frac{x}{y}} \quad (11)$$

$$-1 \quad (12)$$

(13) הוכחה.

## כל השרשרת

### שאלות

**1)** נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיים  $f'(4) = 10$ .

נגידיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f(x^2)$

חשבו את  $g'(2)$ .

**2)** נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיים  $f'(2) = 4$ .

נגידיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$

א. חשבו את  $g'(0.5)$ .

ב. נתון בנוסף כי  $f$  עולה. הוכיחו כי  $g$  יורדת.

**3)** נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיים  $f'(1) = e$ .

נגידיר פונקציה חדשה:  $g(x) = x^2 + f(\ln x)$

א. חשבו את  $g'(e)$ .

ב. הוכיחו שהפונקציה  $g$  עולה בנקודה  $x = e$ .

ג. חשבו את הגבול  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{g(e+h) - g(e)}{h}$

**4)** נתונה פונקציה  $f(x)$ , המקיים  $f(1) = -2$ .

נגידיר פונקציה חדשה:  $g(x) = f^2(\ln x)$

א. חשבו את  $g'(e)$ .

ב. האם  $g$  עולה או יורדת, בנקודה  $x = e$ ?

ג. נתון כי  $f$  שלילית ועולה. מה ניתן לומר על  $g$ ?

5) נתונה פונקציה,  $f(x)$ , יורדת וחיוובית.

$$\cdot g(x) = \sqrt{f(x^2 + 4)}$$

מי מהబאים נכון?

א.  $g$  עולה לכל  $x$ .

ב.  $g$  יורדת לכל  $x$ .

ג.  $g$  עולה לכל  $x > 0$ .

ד.  $g$  יורדת לכל  $x > 0$ .

$$6) \text{ נתונה הפונקציה } \cdot g(x) = \frac{f^2(\sqrt{x}) - 1}{f(\sqrt{x})}$$

$$\cdot \text{ ידוע כי } f'(100) = 4 \cdot \text{ חשבו } f'(10) = ?$$

$$7) \text{ נתונה הפונקציה } \cdot g(x) = \frac{f\left(\frac{1}{x}\right) + 4}{f\left(\frac{1}{x^2}\right)}$$

$$\cdot \text{ ידוע כי } f(1) = 1, f'(1) = 4$$

חובבו  $g'(1)$ .

$$8) \text{ נתונה הפונקציה } \cdot g(x) = \frac{f^2(\ln x)}{f(\ln x) + 1}$$

$$\cdot \text{ ידוע כי } f(0) = 2, f'(0) = 1$$

חובבו  $g'(1)$ .

$$9) \text{ נתונה הפונקציה } \cdot g(x) = \frac{f^{10}(4x) + 1}{f\left(\frac{4}{x}\right) + 1}$$

$$\cdot \text{ ידוע כי } f(4) = 1, f'(4) = 2$$

חובבו  $g'(1)$ .

$$10) \text{ נתונה הפונקציה } \cdot g(x) = \frac{\sqrt[4]{f^7(x^2)}}{f(x^4)}$$

$$\cdot \text{ ידוע כי } f(1) = 1, f'(1) = 4$$

חובבו  $g'(1)$ .

**תשובות סופיות**

40	<b>(1)</b>
ב. שאלת הוכחה.	א. (1)
ב. שאלת הוכחה.	א. (2)
ב. יורדת.	א. (3)
ד	(4)
$\frac{17}{80}$	(5)
36	(6)
$\frac{8}{9}$	(7)
44	(8)
-2	(9)

## גירה לוגריתמית

### שאלות

גירו את הפונקציות הבאות :

$$y = \sqrt[4]{\frac{10x-1}{x+1}} \cdot \sqrt[10]{(2x+1)^7} \quad (1)$$

$$y = \left( \sqrt[4]{10x+1} \right)^{2x} \quad (1)$$

$$y = \frac{(x+2)^{3x+4} \cdot (5x+6)}{(7x+8) \cdot (9x+10)} \quad (2)$$

### תשובות סופיות

$$y' = y \left[ \frac{1}{4} \frac{1}{10x-1} \cdot 10 + \frac{7}{10} \frac{1}{2x+1} \cdot 2 - \frac{1}{4} \frac{1}{x+1} \right] \quad (1)$$

$$y' = \left( (10x+1)^{\frac{1}{4}} \right)^{2x} \cdot \frac{1}{4} \left[ 2^x \cdot \ln 2 \cdot \ln (10x+1) + \frac{1}{10x+1} \cdot 10 \cdot 2^x \right] \quad (2)$$

$$y' = y \left[ 3 \cdot \ln(x+2) + \frac{1}{x+2} (3x+4) + \frac{1}{5x+6} \cdot 5 - \frac{1}{7x+8} \cdot 7 - \frac{1}{9x+10} \cdot 9 \right] \quad (3)$$

## נגזרת הפונקציה ההפוכה

### שאלה

הוכיחו, בעזרת כלל הנגזרת של הפונקציה ההפוכה, את נוסחה הבאה :

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}} \quad (1)$$

לתשובה מלאה בסרטונו וידאו היכנסו לאתר [GooL.co.il](http://GooL.co.il)